

## 双线偏振多普勒雷达测量精度的理论分析\*

丁青兰<sup>1)</sup> 刘黎平<sup>2)</sup> 葛润生<sup>2)</sup> 徐宝祥<sup>3)</sup>

<sup>1)</sup>(北京市气象局,北京 100089)

<sup>2)</sup>(中国气象科学研究院,北京 100081)

<sup>3)</sup>(北京敏视达雷达有限公司,北京 100085)

### 摘要

双线偏振雷达的主要任务之一是定量测量降水,反射率因子  $Z_H$ 、差反射率因子  $Z_{DR}$ 、差相移率常数  $K_{DP}$  都可以用来反演降雨强度,而  $K_{DP}$  的测量误差大小是影响反演降雨强度效果的关键。本文从理论公式出发,计算和分析了不同方位平均、距离平均、不同谱宽  $\sigma_v$  等因素对差传播相移  $\phi_{DP}$  测量精度的影响。理论计算结果表明: $\phi_{DP}$  的测量误差随着样本对数  $M$ 、距离平均区间的增大而减小,随  $\sigma_v$  的增大而增大( $\sigma_v = 1 \text{ m/s}$  时例外),此外,还总结了3种由  $\phi_{DP}$  计算  $K_{DP}$  的方法,并对这3种方法的测量误差进行了比较,发现方法二的测量误差很大,方法一和方法三在一定的条件下都能使  $K_{DP}$  测量精度达到  $0.1^\circ/\text{km}$ 。

关键词: 双线偏振雷达 差传播相移  $\phi_{DP}$  差相移率常数  $K_{DP}$  测量精度

### 引言

天气雷达探测气象信息,主要是通过雷达发射电磁波,接收目标后向散射波的幅度、相位,并对这些信息进行分析和处理来实现的。常规天气雷达只利用了某种单一偏振状态下回波的幅度信息,推导雷达的反射率因子、降水强度等,常用的偏振方式是水平偏振。脉冲多普勒天气雷达通过对回波信号相位信息的分析,获得气象目标的速度和谱宽分布,从而了解大气的热力学和动力学结构。双线偏振天气雷达可以发射和接收水平、垂直两种不同偏振状态的电磁波,由于散射粒子一般是非球形的,根据散射粒子对两种偏振波的散射能力不同,得到差反射率因子  $Z_{DR} = 10 \lg(Z_{HH}/Z_{VV})$ ,其中  $Z_{HH}$  为雷达发射和接收水平偏振波时的反射率因子, $Z_{VV}$  为雷达发射和接收垂直偏振波时的反射率因子。当散射粒子为非球形且其对称轴空间取向偏离垂直和水平方向时,粒子不仅散射与入射波偏振方向相同的电磁波,还散射与入射波偏振方向垂直的电磁波,这样,就可以得到线性退偏振比  $L_{DR} = 10 \lg(Z_{HV}/Z_{HH})$ ,其中  $Z_{HV}$ 、 $Z_{HH}$  分别为雷达发射水平偏振波,接收其后向散射波垂直、水平偏振分量时的雷达反射率因子。由于水平偏振波和垂直偏振波在介质中的传播常数不同,差相移率常数定义为: $K_{DP} = \text{Re}(k_H - k_V)(180/\pi)$  (单位:  $^\circ/\text{km}$ ),其中  $k_H$ 、 $k_V$  分别为水平和垂直偏振波的传播常数,Re 表示取复数的实部。另外一个双线偏振雷

\* 国家重点基础研究发展规划项目“中国暴雨实验研究”G1998040909 资助。

2001-09-05 收到,2002-01-09 收到修改稿。

可达测量的参量为  $\rho_{HV}(0)$ , 定义为水平偏振回波信号与垂直偏振回波信号的零延迟相关系数。利用这些参数不仅能提高降雨估测精度, 还能判断降水粒子的形状、尺寸和相态, 为天气预报和大气科学研究提供丰富的气象信息。

国外对线偏振雷达的研究主要是针对 S 波段的, M. Sachidananda<sup>[1]</sup> 计算得到,  $K_{DP} = 5^\circ/\text{km}$  相应的雨强为 80 mm/h 时,  $\sigma_{K_{DP}} = 0.5^\circ/\text{km}$  产生 10% 的雨强估测误差, 而  $K_{DP}$  的测量误差与  $K_{DP}$  的大小无关, 因此, 雨强小时相对误差将会更大。Ryzhkov<sup>[2]</sup> 认为,  $\sigma_{K_{DP}} = 0.05^\circ/\text{km}$  产生 3 mm/h 的雨强估测误差, 而且与雨强大小无关。目前, 美国准备在其布网雷达 WSR-88D 上增加偏振功能。

我国对双线偏振雷达的研究起步较晚, 第一部双线偏振雷达是原中国科学院兰州高原大气物理研究所在测雨雷达 713 的基础上改装而成的, 由于没有多普勒功能和技术水平的限制, 该雷达只能测量  $Z_H$  和  $Z_{DR}$ , 因此以前主要是对  $Z_H$ 、 $Z_{DR}$  在降水估测、识别云中粒子相态等方面进行了研究<sup>[3~5]</sup>, 而没有开展  $K_{DP}$  等方面的研究。现在, 北京市气象局的 C 波段双线偏振多普勒天气雷达即将投入试运行, 中国气象局的车载 C 波段双线偏振多普勒天气雷达也正在筹建中, 在多普勒雷达系统上增加双线偏振功能必将大大增加该系统的探测能力, 与之相应的基础性研究工作也刚刚开始, 本文打算在双线偏振多普勒天气雷达探测误差方面做一点工作。

我国研制的双线偏振多普勒天气雷达以交替发射水平和垂直线偏振波为机制, 除了能得到强度和多普勒相移信息, 还能获取差反射率因子  $Z_{DR}$ 、差相移率常数  $K_{DP}$ 、零延迟相关系数  $\rho_{HV}(0)$  和线性退极化比  $L_{DR}$  等参数。雷达的基本用途之一是定量测量降水, 反射率因子、差反射率因子和差相移率常数都可以用来反演降水, 而差相移率常数反演降水有其自身的优越性, 因为差相移率常数和降雨强度之间几乎存在线性关系。差相移率常数的估值精度是能否利用其反演降水强度的关键, 其测量误差包括雷达系统引起的系统偏差和天气信号统计特性引起的估计误差, 通过标定和补偿, 可以消除系统偏差。本文主要考虑天气信号统计特性引起的差相移率常数测量误差, 并以均方差表示误差的大小。

## 1 差相移率常数 $K_{DP}$ 的估值精度的计算方法

到达雷达有效照射体积内某一粒子上的电磁波不仅包含雷达发射的电磁波, 还包含它的上游粒子的前向散射分量, 非球形降水粒子对水平和垂直偏振波的前向散射分量是不同的, 这种差异是电磁波传播引起的称为传播相移。差传播相移  $\Phi_{DP}$  (Differential Propagation Phase Shift) =  $\Phi_H - \Phi_V$ , 其中  $\Phi_H$ 、 $\Phi_V$  分别是水平、垂直偏振时的传播相移,  $\Phi_{DP}$  表示水平、垂直偏振波在传播一定距离后散射回来, 其散射信号的相位差, 但它不包括散射过程本身引起的相位变化。 $\Phi_{DP}$  和差相移率常数  $K_{DP}$  (Specific Differential Phase) 之间存在这样的关系:  $\Phi_{DP}(r) = 2 \int_0^r K_{DP}(r) dr$ , 式中  $K_{DP}(r)$  是径向距离  $r$  的函数。若在降水区中相邻距离  $r_1$ 、 $r_2$  处测得的双程差传播相移分别为  $\Phi(r_1)$  和  $\Phi(r_2)$ , 则  $K_{DP} = [\Phi(r_2) - \Phi(r_1)] / [2(r_2 - r_1)]$ , 若  $r_1$  与  $r_2$  是降水区中任意两点的距离, 则上式求得的  $K_{DP}$  就代表在  $r_2 \sim r_1$  这降水区间的平均差相移率常数。雷达在实际观测中就是根据这

个原理得到  $K_{DP}$  的,因此,要计算  $K_{DP}$  的测量精度就要先计算  $\Phi_{DP}$  的测量精度。

### 1.1 差传播相移 $\Phi_{DP}$ 测量精度的计算

$\Phi_{DP}$  的估值通常采用改进的脉冲对处理方法,这个方法是 Mueller<sup>[6]</sup> 提出的,其原理如下:

当雷达交替发射和接收水平、垂直偏振波时,假设它从降水目标后向散射获得的电压时间序列分别用  $H_{2i}$  和  $V_{2i+1}$  ( $i=1, 2, \dots, M$ ) 表示,  $M$  为样本对数(相邻样本 HV 或 VH 为一对样本),总的样本数目为  $2M$ 。

$$\text{令 } R_a = \langle H_{2i}^* V_{2i+1} \rangle = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^M H_{2i}^* V_{2i+1} \quad (1)$$

$$R_b = \langle V_{2i+1}^* H_{2i+2} \rangle = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^M H_{2i+1}^* V_{2i+2} \quad (2)$$

式中“ $\langle \rangle$ ”代表期望值,上标\*代表取共轭。如果不考虑偏振系统引起的相位差,则式(1)、(2)中包含着多普勒相移  $\Phi_D$  和双程差传播相移  $\Phi_{DP}$  两种信息。

$$\text{即有 } \arg(R_a) = \Phi_{DP} + \Phi_D \quad (3)$$

$$\arg(R_b) = -\Phi_{DP} + \Phi_D \quad (4)$$

$$\text{所以 } \Phi_{DP} = \frac{1}{2} \arg[ R_a R_b^* ] \quad (5)$$

式中  $\arg$  表示取复数的幅角,由式(1)~(5)可直接求出差相移率常数。

Sachidananda 和 Zrnich<sup>[1]</sup> 利用扰动分析法推导出  $\Phi_{DP}$  方差的表达式,原理如下:

假设样本  $H_i$ 、 $H_{i+m}$  ( $m$  个脉冲延迟)的相关系数或  $V_i$ 、 $V_{i+m}$  之间的相关系数为  $r(m)$ ,则有

$$\langle H_i^* H_{i+m} \rangle = P_H r(m) \quad (6)$$

$$\langle V_i^* V_{i+m} \rangle = P_V r(m) \quad (7)$$

这里  $P_H$ 、 $P_V$  分别为水平偏振与垂直偏振回波信号的平均功率。

若以  $r_{HV}(m)$  表示样本  $H_i$ 、 $V_{i+m}$  之间的相关系数,则有

$$\langle H_i^* V_{i+m} \rangle = (P_H P_V)^{1/2} r_{HV}(m) \quad (8)$$

影响  $r_{HV}(m)$  的因素有:①降水粒子之间的相对运动,②粒子形状和倾斜角度分布。这两个因素可以看成是统计独立的,因此,式(8)可以写成

$$\langle H_{2i}^* V_{2i+m} \rangle = (P_H P_V)^{1/2} r(m) \rho_{HV}(0) \quad (9)$$

天气信号一般为高斯功率谱分布,如果信噪比很大( $\geq 20$  dB),就可以不考虑信噪比的影响,则相关系数的大小为<sup>[7~9]</sup>

$$|r(m)| = \exp(-8\pi^2 \sigma_V^2 T_s^2 m^2 / \lambda^2) \exp(-18(\ln 2) R_s^2 T_s^2 / \phi^2) \quad (10)$$

其中,  $T_s$  代表脉冲重复周期,  $\sigma_V$  代表谱宽,  $\lambda$  表示波长,  $\phi$  代表波束宽度,  $R_s$  为天线转速。

$\Phi_{DP}$  的估计值可以看成平均值和其相对于平均值的一个微小的扰动之和

$$\text{即 } \Phi_{DP} = \overline{\Phi_{DP}} + \delta(\Phi_{DP}) \quad (11)$$

根据扰动分析法得到  $\Phi_{DP}$  的方差表达式

$$\text{var}(\Phi_{DP}) = \langle |\delta \Phi_{DP}|^2 \rangle = \frac{1}{8} \text{Re} \left[ \left\langle \left| \frac{R_a R_b^*}{R_a R_b^*} \right|^2 \right\rangle - \left\langle \left| \frac{R_a R_b^*}{R_a R_b^*} \right|^2 \right\rangle \right] \quad (12)$$

$$\text{其中 } \overline{R_a R_b^*} = \frac{1}{M^2} \sum_{i=1}^M \sum_{k=1}^M \langle H_{2i}^* V_{2i+1} V_{2k+1} H_{2k+2}^* \rangle \quad (13)$$

$$\langle |R_a R_b^*|^2 \rangle = \frac{1}{M^4} \sum_{i=1}^M \sum_{k=1}^M \sum_{l=1}^M \sum_{m=1}^M \langle H_{2i}^* V_{2i+1} V_{2k+1} H_{2k+2}^* H_{2l} V_{2l+1} V_{2m+1}^* V_{2m+2} \rangle \quad (14)$$

$$\langle |R_a R_b^*|^2 \rangle = \frac{1}{M^4} \sum_{i=1}^M \sum_{k=1}^M \sum_{l=1}^M \sum_{m=1}^M \langle H_{2i}^* V_{2i+1} V_{2k+1} H_{2k+2}^* H_{2l}^* V_{2l+1} V_{2m+1} H_{2m+2}^* \rangle \quad (15)$$

将式(6)、(7)和(9)代入式(12)~(15),得到

$$\begin{aligned} \text{var}(\Phi_{DP}) = & \frac{1}{8} \frac{\sum_{i=1}^M \sum_{k=1}^M \sum_{l=1}^M \sum_{m=1}^M | [X_1(i, k, l, m) / \rho_{HV}(0)|^2] + [X_2(i, k, l, m) / \rho_{HV}(0)|^4] - Y(i, k, l, m) |}{\sum_{m=-\binom{M-1}{2}}^{\binom{M-1}{2}} (M - |m|) [|r(1)|^2 + |r(2m+1)|^2]}^2 \quad (16) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} X_1(i, k, l, m) = & |r(1)|^2 \{ |r(2l-2i)|^2 + |r(2m-2k)|^2 + |r(2m-2i+2)| |r(2m-2i)| + |r(2l-2k)| |r(2l-2k-2)| \} + |r(1)| |r(2m-2k)| \{ |r(2m-2l+1)| [|r(2l-2k)| + |r(2l-2k-2)|] + |r(2k-2i+1)| [|r(2m-2i)| + |r(2m-2i+2)|] \} + |r(1)| \cdot |r(2l-2i)| \{ |r(2k-2i+1)| [|r(2l-2k-2)| + |r(2l-2k)|] + |r(2m-2l+1)| \cdot [|r(2m-2i)| + |r(2m-2i+2)|] \} + |r(2k-2i+1)| |r(2m-2l+1)| [2 \cdot |r(2l-2i)| \cdot |r(2m-2k)| + |r(2m-2i)| |r(2l-2k-2)| + |r(2l-2k)| |r(2m-2i+2)|] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} X_2(i, k, l, m) = & [|r(2l-2i)| |r(2m-2k)| + |r(2m-2i)| |r(2l-2k)|] \cdot [|r(2l-2i)| \cdot |r(2m-2k)| + |r(2m-2i+2)| |r(2l-2k-2)|] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} Y(i, k, l, m) = & |r(1)|^2 [|r(2l-2k-1)|^2 + |r(2m-2i+1)|^2 + |r(2m-2k+1)| \cdot |r(2m-2k-1)| + |r(2l-2i+1)| |r(2l-2i-1)|] + |r(1)| |r(2m-2l+1)| \cdot \{ |r(2l-2k-1)| [|r(2m-2k+1)| + |r(2m-2k-1)|] + |r(2m-2i+1)| [|r(2l-2i+1)| + |r(2l-2i-1)|] \} + |r(1)| \cdot |r(2k-2i+1)| \{ |r(2l-2k-1)| \cdot [|r(2l-2i+1)| + |r(2l-2i-1)|] + |r(2m-2i+1)| \cdot [|r(2m-2k-1)| + |r(2m-2k+1)|] \} + |r(2k-2i+1)| |r(2m-2l+1)| \cdot [2 \cdot |r(2m-2i+1)| \cdot |r(2l-2k-1)| + |r(2l-2i-1)| |r(2m-2k-1)| + |r(2m-2k+1)| \cdot |r(2l-2i+1)|] + [|r(2m-2k-1)| |r(2l-2i+1)| + |r(2l-2k-1)| \cdot |r(2m-2i+1)|] [|r(2l-2i-1)| |r(2m-2k+1)| + |r(2m-2i+1)| \cdot |r(2l-2k-1)|] \end{aligned}$$

则以度为单位的  $\Phi_{DP}$  的均方差表示为:

$$\sigma_{\Phi_{DP}} = \frac{180}{\pi} [\text{var}(\Phi_{DP})]^{1/2} \quad (17)$$

在以上各式中,  $M$  为样本对数, “ $|\cdot|$ ” 代表取复数的模,  $|\rho_{HV}(0)|$  为发射波分别为水平和垂直线偏振波时的零延迟相关系数的模。

## 1.2 差相移率常数 $K_{DP}$ 测量精度的计算

如果已知降水区中距离  $r_1$ 、 $r_2$  (与雷达的径向距离) 之间各距离库的  $\phi_{DP}$ , 有几种不同的方法可以得到  $r_1$  与  $r_2$  之间的平均  $K_{DP}$ , 每种方法  $K_{DP}$  的测量误差是不同的, 下面分别进行讨论。

### (1) 方法一

若降水区中距离  $r_1$ 、 $r_2$  之间包含  $N$  个距离库, 每个库都测得一个  $\phi_{DP}$ , 对这  $N$  个  $\phi_{DP}$  用最小二乘法进行线性回归, 拟合直线的斜率就是  $r_1$ 、 $r_2$  之间的平均  $K_{DP}$ 。其表达式可以写成<sup>[10]</sup>

$$K_{DP} = \frac{\sum_{i=1}^N [\phi_{DP}(r_i) - \bar{\phi}_{DP}] (r_i - r_0)}{2 \sum_{i=1}^N (r_i - r_0)^2} \quad (18)$$

式中  $r_0 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N r_i$ ,  $r_i$  为第  $i$  个库与雷达的径向距离,  $\bar{\phi}_{DP}$  代表  $N$  个库的平均值。则  $K_{DP}$  的方差与  $\phi_{DP}$  的方差之间存在线性关系

$$\text{即 } \text{var}(K_{DP}) = \frac{\text{var}(\phi_{DP})}{4 \sum_{i=1}^N (r_i - r_0)^2} \quad (19)$$

$$\text{则 } \sigma_{\phi_{DP}} = \frac{\sigma_{\phi_{DP}}}{2 \sqrt{\sum_{i=1}^N (r_i - r_0)^2}} \quad (20)$$

### (2) 方法二

若降水区中距离  $r_1$ 、 $r_2$  之间包含  $N$  个距离库, 且库长为  $H$ , 根据每个距离库的  $\phi_{DP}$ , 先求出每个库的  $K_{DP}$ , 然后对  $N$  个库的  $K_{DP}$  求平均值, 得到  $r_1$  和  $r_2$  之间的平均  $K_{DP}$ 。其表达式为:

$$K_{DP} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N \frac{\phi_{i+1} - \phi_i}{2H} \quad (21)$$

求每个距离库的  $K_{DP}$  时,  $K_{DP}$  的均方差可表示成

$$\sigma_{K_{DP}} = \frac{2 \sigma_{\phi_{DP}}}{2H} = \frac{\sigma_{\phi_{DP}}}{H} \quad (22)$$

对  $N$  个距离库的  $K_{DP}$  求平均值时,  $K_{DP}$  的均方差是未平均时的  $\frac{1}{\sqrt{N}}$ 。

$$\text{即 } \sigma_{K_{DP}} = \frac{\sigma_{\phi_{DP}}}{H} / \sqrt{N} = \frac{\sigma_{\phi_{DP}}}{H \sqrt{N}} \quad (23)$$

### (3) 方法三

若降水区中距离  $r_1$ 、 $r_2$  之间包含  $N$  个库长为  $H$  的距离库, 先分别对  $L$  个库的  $\phi_{DP}$  平均, 即  $\phi_{DP}$  的距离分辨率为  $LH$ , 再求出  $N/L$  个  $K_{DP}$  值并对其进行平均, 得到  $r_1$  与  $r_2$  之间的平均  $K_{DP}$ 。计算方法基本与方法二相同, 如果平均区间是不重叠的, 可以得到  $K_{DP}$  的均方差。

$$\sigma_{K_{DP}} = \frac{\frac{\sigma_{\phi_{DP}}}{\sqrt{L}}}{LH \sqrt{N/L}} = \frac{\sigma_{\phi_{DP}}}{LH \sqrt{N}} \quad (24)$$

## 2 计算结果与分析

本文中,计算所用的参数主要是参考 C 波段新一代天气雷达的参数,取  $\lambda = 5.5 \text{ cm}$ ,  $\phi = 1.0^\circ$ ,  $T_s = 1 \text{ ms}$ ,  $R_s = 2 \text{ 周/min}$ ,通常气象回波信号的  $|\rho_{HV}(0)|$  接近于 1,降雨的  $|\rho_{HV}(0)|$  较大,降雪和降雹的  $|\rho_{HV}(0)|$  较小,这里取  $|\rho_{HV}(0)| = 0.995$ ,一般情况下,层状云降水的速度谱宽较小,约为  $1 \text{ m/s}$ ,而对流性降水  $\sigma_v \geq 4 \text{ m/s}$ ,计算中分别取为  $1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6 \text{ m/s}$ ,将这些参数代入式(10) (16) (17),计算出不同的样本对数  $M$  所对应的  $\phi_{DP}$  的均方差。

图 1 给出了不同谱宽  $\sigma_v$  随样本对数  $M$  的变化曲线,从图中可以看出,对于所有的谱宽,  $\phi_{DP}$  的取样误差都随着  $M$  的增大而减小,且  $M$  较小时,减小的幅度很大,随着  $M$  的增大减小的幅度逐渐变小,当  $\sigma_v = 3 \text{ m/s}$ ,  $M = 8$  时  $\sigma_{\phi_{DP}} = 2.791^\circ$ ,  $M = 64$  时,  $\phi_{DP}$  的测量精度就已达到  $0.823^\circ$ ,说明对  $\phi_{DP}$  的取样信号进行方位平均是减小  $\phi_{DP}$  的测量误差的重要手段。从图中还可以看出,谱宽  $\sigma_v$  越大,则  $\phi_{DP}$  的测量误差越大,只有  $\sigma_v = 1 \text{ m/s}$  时除外,这是因为,谱宽很小时对应于层状云降水,降水粒子之间的相对运动较小,相关性较大,因而等效独立样本数减少了。

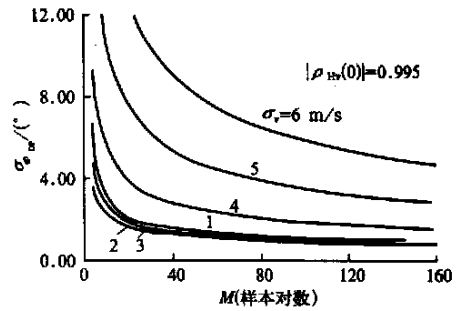


图 1  $\sigma_{\phi_{DP}}$  与谱宽以及样本对数的关系

从式(16)可以看出,其他参数一定时,零延迟相关系数的模  $|\rho_{HV}(0)|$  越大,  $\phi_{DP}$  的测量误差就越小。因此降雨时  $\phi_{DP}$  的测量误差较小,而降雹时的误差较大。

从  $\sigma_{\phi_{DP}}$  的计算公式可以看出,波长  $\lambda$  是通过影响  $|r(m)|$  来影响  $\sigma_{\phi_{DP}}$  的,通过计算发现,其他参数相同时,谱宽  $\sigma_v \leq 3 \text{ m/s}$  时,波长为  $10 \text{ cm}$  的  $\sigma_{\phi_{DP}}$  比波长为  $5.5 \text{ cm}$  的大,  $\sigma_v > 4 \text{ m/s}$  时,情况相反。因此,仅从理论计算的  $\phi_{DP}$  的测量误差上考虑,对于层状云降水和混合型降水,用 C 波段测量  $K_{DP}$  的效果比 S 波段好。提高脉冲重复频率可以改善  $\phi_{DP}$  的测量。另外,减小波束宽度和增大脉冲重复频率效果一样。

对  $\phi_{DP}$  进行距离平均能进一步减小  $\phi_{DP}$  的测量误差,若距离平均区间包含  $N$  个距离平均脉冲数,  $\phi_{DP}$  的均方差将减小  $\sqrt{N}$ 。如果脉冲宽度  $\tau = 1 \mu\text{s}$ , 则距离库长为  $0.15 \text{ km}$ , 距离平均区间  $\Delta R = 1 \text{ km}$  内含有  $6.67$  个距离平均脉冲数 ( $= \Delta R / (\frac{1}{2} c\tau, c$  为电磁波速)。表 1 为  $\sigma_v = 3 \text{ m/s}$   $|\rho_{HV}(0)| = 0.995$  时,不同的距离平均区间所对应的  $\sigma_{\phi_{DP}}$ 。

用方法一和方法二计算  $K_{DP}$  时,取  $\sigma_v = 3 \text{ m/s}$   $|\rho_{HV}(0)| = 0.995$ ,  $\tau = 1 \mu\text{s}$ , 距离平均区间  $\Delta R (= r_2 - r_1) = 1 \ 2 \ 3 \text{ km}$ ,将这些参数分别代入式(20) (23) 可以得到相应的

$\sigma_{K_{DP}}$ , 结果如表 2 所示。

表 1 不同的距离平均区间对  $\sigma_{\phi_{DP}}$  的影响 (°)

M	1 km	2 km	3 km
32	0.467	0.330	0.270
64	0.321	0.227	0.185
128	0.223	0.158	0.129

表 2 方法一和方法二计算  $K_{DP}$  时产生的测量误差 (°/km)

M	方法一			方法二		
	1 km	2 km	3 km	1 km	2 km	3 km
32	0.810	0.286	0.156	3.114	2.202	1.798
64	0.556	0.197	0.107	2.139	1.513	1.235
128	0.387	0.137	0.075	1.489	1.053	0.860

从表 2 中可以看出, 样本对数  $M$  越大, 距离平均区间  $\Delta R$  越大,  $K_{DP}$  的测量误差就越小, 方法二的  $\sigma_{K_{DP}}$  比方法一的  $\sigma_{K_{DP}}$  大几倍甚至上百倍, 方法一明显优于方法二。当距离平均区间  $\Delta R = 3$  km,  $M = 64$  时  $K_{DP}$  的测量精度已接近于  $0.1^\circ/\text{km}$ , 而方法二的  $\sigma_{K_{DP}}$  均在  $0.8^\circ/\text{km}$  以上, 很难达到精度要求。如果谱宽增大、零延迟相关系数减小,  $K_{DP}$  的测量误差将会增大, 可以通过增大样本对数、距离平均区间或脉冲重复频率来减小  $K_{DP}$  的测量误差。

用方法三计算  $K_{DP}$  时, 其均方差的大小与  $L$  的取值有关, 计算中其他参数与表 2 中相同,  $L$  分别取 3、6、12, 根据式(24)可求出  $\sigma_{K_{DP}}$ , 结果如表 3 所示。

表 3 方法三计算  $K_{DP}$  时产生的测量误差 (°/km)

M	1 km		2 km		3 km	
	L = 3	L = 6	L = 6	L = 12	L = 6	L = 12
32	1.038	0.519	0.367	0.184	0.300	0.150
64	0.713	0.357	0.252	0.126	0.206	0.103
128	0.496	0.248	0.176	0.088	0.144	0.072

从表 3 中可以看出,  $\sigma_{K_{DP}}$  与  $L$  成反比关系,  $\sigma_{K_{DP}}$  随  $L$  的增大而减小, 当距离平均区间  $\Delta R = 2 \sim 3$  km,  $L = 12$ ,  $M < 128$  时  $K_{DP}$  的测量精度就可以达到  $0.1^\circ/\text{km}$ , 比较表 2 和表 3, 可以看出, 当距离平均区间  $\Delta R = 2 \sim 3$  km,  $L = 12$  时, 方法三的  $\sigma_{K_{DP}}$  比方法二的小,  $L = 6$  时刚好相反, 当距离平均区间  $\Delta R = 1$  km,  $L = 6$  时, 方法三的  $\sigma_{K_{DP}}$  比方法二的小,  $L = 3$  时, 方法二的  $\sigma_{K_{DP}}$  比方法三的小。

### 3 结 论

(1) 本文以谱宽为参数, 计算了不同样本对数  $M$  所对应的  $\phi_{DP}$  的测量误差, 计算结果表明:  $\sigma_{\phi_{DP}}$  随  $M$  的增大而减小, 随谱宽的增大而增大 ( $\sigma_V = 1$  m/s 时除外), 同时根据

$\sigma_{\phi_{DP}}$  方差表达式和相关系数的模  $|r(m)|$  表达式,分析了  $|\rho_{HV}(0)|$ 、脉冲重复频率和波束宽度等参数对  $\sigma_{\phi_{DP}}$  的影响,  $|\rho_{HV}(0)|$ 、脉冲重复频率越大,波束宽度越小,  $\sigma_{\phi_{DP}}$  则越小。

(2) 本文还计算了波长分别为 5.5 cm 和 10 cm 时的样本对数  $M$  所对应的  $K_{DP}$  的取样误差,结果说明:仅从理论计算的  $\phi_{DP}$  的测量误差上考虑,对于层状云降水和混合型降水,取样时间相同时,用 C 波段测量  $K_{DP}$  的效果比 S 波段好。

(3) 本文总结了三种由  $\phi_{DP}$  计算  $K_{DP}$  的方法,并对这三种方法的测量误差进行了比较,结果表明:方法二的测量误差最大,方法三的  $\sigma_{K_{DP}}$  与  $L$  的大小有关,  $L$  达到一定值时,其测量效果优于方法一。

以上结果可为双线偏振多普勒雷达系统的设计提供依据。另一方面,这些结果可以用雷达定点观测的资料进行检验,检验的方法为:雷达定点观测一降水云体,在一段时间内获取同一方位、同一距离库的一定量的  $K_{DP}$ ,假设在这一段时间内降水区  $K_{DP}$  本身不

变,则  $\sigma_{K_{DP}} = \sqrt{\frac{M}{N} \sum_{i=1}^M (K_{DP_i} - \overline{K_{DP}})^2}$ 。

## 参 考 文 献

- 1 Sachidananda M, Zrníc D S. Differential propagation phase shift and rainfall rate estimation. *Radio Sci.*, 1985, **20**(2): 235 ~ 247.
- 2 Ryzhkov A, Zrníc D S. Assessment of rainfall measurement that uses specific differential phase. *J. Appl. Meteor.*, 1996, **35**: 2080 ~ 2090.
- 3 楚荣忠,徐宝祥,贾伟,等. 双线偏振雷达测量精度的统计分析与降水估测. *高原气象*, 1995, **14**(1): 47 ~ 54.
- 4 刘黎平,钱永甫,王致君. 双线偏振雷达测量降雨效果的对比分析. *大气科学*, 1996, **20**(5): 613 ~ 619.
- 5 刘黎平,钱永甫,王致君. 用双线偏振雷达研究云中粒子的相态和大小空间分布. *气象学报*, 1996, **54**(5): 590 ~ 599.
- 6 Mueller E A. Calculation procedure for differential propagation phase shift. 22nd Conference on Radar Meteorology. Zurich, Switzerland. Boston, U.S.A.: American Meteorological Society, 1984. 397 ~ 399.
- 7 Sachidananda M, Zrníc D S.  $Z_{DR}$  measurement considerations for a fast scan capability radar. *Radio Sci.*, 1985, **20**(4): 907 ~ 922.
- 8 刘黎平,徐宝祥. 雨区衰减和雷达取样误差对 713 型双线偏振雷达测量精度的影响. *高原气象*, 1989, **8**(2): 181 ~ 188.
- 9 Ray P S, Zrníc D S, Doviak R. Time, angle and range averaging of radar echoes from distributed targets. *J. Appl. Meteor.*, 1980, **19**(3): 315 ~ 323.
- 10 Doviak R J, Zrníc D S. Doppler radar and weather observations. San Diego: Academic Press, Inc, 1993. 154 ~ 155.



## THEORETICAL ANALYSIS OF MEASUREMENT ACCURACY OF DUAL LINEAR POLARIZATION DOPPLER RADAR

Ding Qinglan<sup>1)</sup> Liu Liping<sup>2)</sup> Ge Runsheng<sup>2)</sup> Xu Baoxiang<sup>3)</sup>

<sup>1)</sup> (Beijing Meteorological Bureau, Beijing 100089)

<sup>2)</sup> (Chinese Academy of Meteorological Sciences, Beijing 100081)

<sup>3)</sup> (Beijing Metstar Radar Company, Limited, Beijing 100085)

### Abstract

Measuring rainfall quantitatively is one of the main purposes of dual-linear polarization radar. The rain intensity can be derived from reflectivity  $Z_H$ , differential reflectivity  $Z_{DR}$  and specific differential phase  $K_{DP}$ . The measurement accuracy of  $K_{DP}$  is very important for deducing rainfall. The measurement accuracy of differential propagation phase shift  $\Phi_{DP}$  is calculated with various sample pairs  $M$ , range average intervals and spectrum widths  $\sigma_v$  by using theoretical formula. Then, the effect of those factors on the measurement errors of  $\Phi_{DP}$  is analyzed. Those results show that standard errors of  $\Phi_{DP}$  gradually decrease when the number of sample pairs  $M$  or range average interval increase, but standard errors of  $\Phi_{DP}$  gradually increase with  $\sigma_v$  increasing (except in the case of  $\sigma_v = 1$  m/s). Moreover, three methods of obtaining  $K_{DP}$  from  $\Phi_{DP}$  are summarized and the accuracy of those methods is compared. These results show that the errors of  $K_{DP}$  produced by the second method are very large; the standard error of  $K_{DP}$  can be less than  $0.1^\circ/\text{km}$  when using the first method and the third method on some conditions.

**Key words:** Dual linear polarization radar    Differential propagation phase shift    Specific differential phase  $K_{DP}$     Measurement accuracy