

# 任意基线雷达反射率因子垂直剖面生成算法<sup>\*1</sup>

肖艳姣<sup>1)2)</sup> 刘黎平<sup>2)</sup> 李中华<sup>3)</sup>

<sup>1)</sup>(中国气象局武汉暴雨研究所,武汉 430074) <sup>2)</sup>(中国气象科学研究院灾害天气国家重点实验室,北京 100081)

<sup>3)</sup>(湖北省气象信息与技术保障中心,武汉 430074)

## 摘 要

该文提出了一种基于雷达体扫资料的任意基线雷达反射率因子垂直剖面的生成算法。在计算雷达反射率因子垂直剖面上的格点在雷达极坐标中的仰角、方位和斜距位置后,采用径向、方位上的最近邻居和垂直方向的线性内插相结合的客观分析方法得到格点上的反射率因子分析值。在垂直线性内插时分别用  $dBZ$  值和  $Z$  值(单位:  $mm^6/m^3$ ) 进行插值。结果表明:用该方法得到的雷达反射率因子垂直剖面从回波强度和空间位置来看都是合理的;当采用垂直线性内插时,用  $dBZ$  值插值比用  $Z$  值插值得到的雷达反射率因子垂直剖面在空间分布上更连续,反射率因子分析值总体上更接近观测值;低仰角的插值效果比高仰角的好。

**关键词:** 雷达; 反射率因子; 垂直剖面

## 引 言

不同的降水云表现在天气雷达反射率因子三维结构上有不同特征<sup>[1-3]</sup>,例如,层状云降水表现为反射率因子弱、水平反射率因子梯度小、垂直厚度较薄、顶部比较平整,常出现零度层亮带;对流云降水表现为反射率因子强、水平反射率因子梯度大、垂直厚度大、顶部不平整;对于超级单体风暴还表现为有(有界)弱回波区、悬垂回波等<sup>[4-7]</sup>。这些特征在雷达反射率因子垂直剖面图上可以清楚地表现出来。因此,雷达反射率因子垂直剖面在监测和分析强对流天气、区分层状云和对流云降水等方面是一个使用频率非常高的有效工具<sup>[8-10]</sup>。新一代天气雷达系统能生成反射率因子垂直剖面产品,其水平分辨率为 1 km,垂直分辨率为 0.5 km,水平范围为 150 km,垂直范围为 21 km<sup>[11]</sup>。由于该产品垂直分辨率仅为 0.5 km,为此,本文提出一种基于雷达体扫资料的任意基线反射率因子垂直剖面生成算法,得到的产品垂直分辨率为 0.1 km,显示的图像更接近回波单体的结构。关于雷达极坐标体扫资料的客观分析,前人已提出多种插值方法,例如 Cressman 插值方

法<sup>[12]</sup>、双线性插值方法<sup>[13]</sup>等。大多数客观分析方法都是为具体的应用研究目的而提出。由于雷达反射率因子垂直剖面主要用于监测和分析强对流天气的三维结构特征,因而,希望插值得到的反射率因子分析场既要保持空间上的连续性,同时又要尽可能地保留中小尺度系统的细尺度结构特征。鉴于此目的,肖艳姣等对多种插值方法进行了比较研究<sup>[14]</sup>,认为用径向、方位上的最近邻居和垂直线性内插相结合的方法插值效果比较好。因此,本文在任意基线雷达反射率因子垂直剖面生成过程中就采用了这种客观分析方法。

## 1 雷达反射率因子垂直剖面算法

雷达反射率因子垂直剖面算法的基本步骤为:  
① 在屏幕的雷达图像上任意画一条直线,已知直线起点和终点离雷达的水平距离和方位,计算直线上每一点(以 1 km 为间距)离雷达的水平距离和方位;  
② 求剖面上每个格点在雷达极坐标中的方位、斜距和仰角;  
③ 通过径向、方位上的最近邻居和垂直线性内插相结合的客观分析方法得到每个格点的反射率因子分析值。

\* 武汉区域气象中心科技发展基金课题(QY-Z-200706)、灾害天气国家重点实验室基金课题(2006LASW012)和武汉暴雨研究所基本科研业务费专项(0602)共同资助。

2007-06-13 收到,2008-01-04 收到再改稿。

### 1.1 直线上任意点离雷达的水平距离和方位

如图 1 所示,在雷达坐标平面上, $O$  为雷达所在位置, $AB$  是平面上任意一条线段, $A$  为起点, $B$  为终点,它们离雷达的水平距离和方位坐标分别为  $(s_b, \theta_b)$  和  $(s_c, \theta_c)$ ,  $C$  为  $AB$  线上的任意一点,它离雷达的水平距离和方位坐标为  $(s_j, \theta_j)$ ,其中  $j$  为  $C$  点离  $A$  点的单位距离(1 km)数。在  $A$  点和  $B$  点的坐标  $(s_b, \theta_b)$  和  $(s_c, \theta_c)$  已知的情况下,下面计算  $C$  点的坐标  $(s_j, \theta_j)$ 。

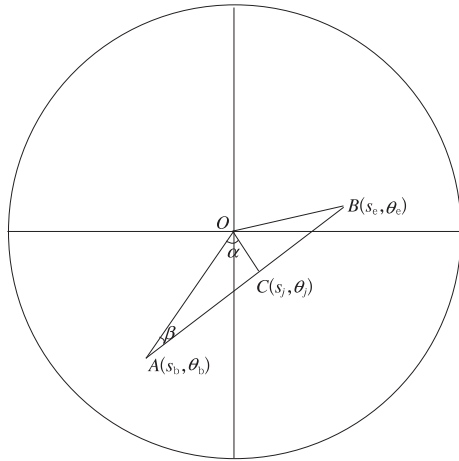


图 1 雷达坐标平面示意图

Fig. 1 An illustration of radar coordinate plane

令  $\Delta\theta = \angle AOB$ , 则有:

$$\Delta\theta = \begin{cases} 2\pi - |\theta_b - \theta_c|, & \text{当 } |\theta_b - \theta_c| \geq \pi \text{ 时} \\ |\theta_b - \theta_c|, & \text{当 } |\theta_b - \theta_c| < \pi \text{ 时} \end{cases}$$

$AB$  的长度  $d$  为:

$$d = \sqrt{s_b^2 + s_c^2 - 2s_b s_c \cos(\Delta\theta)} \quad (1)$$

令  $\beta = \angle OAB$ , 利用三角余弦公式有:

$$\cos\beta = (s_b^2 + d^2 - s_c^2) / (2s_b d) \quad (2)$$

将式(1)代入式(2)有:

$$\cos\beta = (s_b - s_c \cos(\Delta\theta)) / d$$

则  $s_j$  的表达式可写为:

$$s_j = \sqrt{s_c^2 + j^2 - 2s_c j \cos\beta}, \quad j = 0, \dots, n \quad (3)$$

其中,  $n = \text{int}(d)$ 。令  $\alpha = \angle COA$ , 利用三角余弦公式有:

$$\cos\alpha = (s_c^2 + s_j^2 - j^2) / (2s_c s_j) \quad (4)$$

将式(3)代入式(4)有:

$$\cos\alpha = (s_c - j \cos\beta) / s_j \quad (5)$$

其中, 当  $s_j = 0$  时,  $\cos\alpha = 1$ 。  $\alpha = \arccos(\cos\alpha)$ , 则  $\theta_j$  的表达式可写为:

$$\theta_j = \begin{cases} \theta_b - \alpha, & \text{当 } |\theta_b - \theta_c| < \pi, \theta_b \geq \theta_c \text{ 时} \\ \theta_b - \alpha, & \text{当 } |\theta_b - \theta_c| \geq \pi, \theta_b < \theta_c \text{ 时} \\ \theta_b + \alpha, & \text{当 } |\theta_b - \theta_c| \geq \pi, \theta_b \geq \theta_c \text{ 时} \\ \theta_b + \alpha, & \text{当 } |\theta_b - \theta_c| < \pi, \theta_b < \theta_c \text{ 时} \end{cases} \quad (6)$$

### 1.2 剖面上的格点在雷达极坐标中的位置

反射率因子垂直剖面的水平分辨率设为 1 km, 垂直分辨率设为 0.1 km, 水平范围为所选剖面长度, 垂直范围为 24 km。

已知剖面长度坐标中的任意点离雷达的水平距离和方位  $(s_j, \theta_j)$ , 那么就求出剖面中的格点  $(i, j)$  在雷达极坐标中的仰角、方位和斜距  $(e_{i,j}, a_{i,j}, r_{i,j})$ , 其中  $i$  表示高度坐标中的第  $i$  个格点,  $i$  对应的高度为  $h_i$ ,  $j$  表示剖面长度坐标中的第  $j$  个格点。计算公式如下:

$$e_{i,j} = \arctan \frac{\cos(s_j/R_m) - \frac{R_m}{R_m + h_i - h_r}}{\sin(s_j/R_m)} \quad (7)$$

$$a_{i,j} = \theta_j \quad (8)$$

$$r_{i,j} = \sin(s_j/R_m)(R_m + h_i - h_r) / \cos(e_{i,j}) \quad (9)$$

其中,  $R_m$  为等效地球半径,  $R_m = \frac{4}{3}R_e$ ,  $R_e$  为地球半径,  $h_r$  为雷达天线海拔高度。

### 1.3 剖面上格点的反射率因子分析值

采用径向、方位上的最近邻居和垂直线性内插相结合的客观分析方法得到剖面上所有格点的反射率因子分析值, 具体方法参见文献[14]。

雷达反射率因子  $Z$  定义为单位体积内所有降水粒子直径的 6 次方之和, 由于  $Z$  的变化区间很大, 甚至可跨越几个数量级, 为方便起见, 人们常用  $dBZ$  来说明反射率因子的大小, 即:  $dBZ = 10 \lg Z$ 。在对雷达反射率因子进行线性插值处理时, 有人直接使用  $dBZ$  值进行插值, 也有人认为用  $dBZ$  插值的物理意义不太明确, 应该先把  $dBZ$  值转换成  $Z$  值后进行插值处理, 然后再把插值结果转换成  $dBZ$  值。为了比较用  $dBZ$  值和  $Z$  值插值效果的好坏, 以便选取效果好的插值方案, 本文在垂直线性内插时采取了两种计算方法, 一种是直接用相同方位-距离库的上下仰角的反射率因子  $dBZ$  值进行线性内插, 另一种是将上下仰角的反射率因子  $dBZ$  值转成  $Z$  值后进行线性内插, 然后再把插值结果转换成  $dBZ$  值。设相同方位-距离库的上下仰角的反射率因子  $dBZ$  值分别为  $dBZ_1$  和  $dBZ_2$ , 仰角分别为  $e_1$  和  $e_2$ , 垂直线

性内插时赋给  $dBZ_1$  和  $dBZ_2$  的权重分别为  $\omega_1$  和  $\omega_2$ , 则用两种方法得到的分析值  $\overline{dBZ_1}$  和  $\overline{dBZ_2}$  分别为:

$$\overline{dBZ_1} = \frac{\omega_1 \times dBZ_1 + \omega_2 \times dBZ_2}{\omega_1 + \omega_2} \quad (10)$$

$$\overline{dBZ_2} = 10 \lg \left( \frac{\omega_1 \times 10^{dBZ_1/10} + \omega_2 \times 10^{dBZ_2/10}}{\omega_1 + \omega_2} \right) \quad (11)$$

其中,  $\omega_1 = \frac{e_{i,j} - e_2}{e_1 - e_2}$ ,  $\omega_2 = \frac{e_1 - e_{i,j}}{e_1 - e_2}$ 。

## 2 结果分析

从回波强度和空间位置、图像连续性、反射率因子分析值和观测值的对比等 3 个方面对雷达反射率因子垂直剖面结果进行了分析。

### 2.1 回波强度和空间位置

图 2 给出了 2005 年 6 月 23 日 00:07(世界时,

下同)和 2005 年 6 月 15 日 00:33 广州雷达观测的  $0.5^\circ$  仰角的反射率因子 PPI。从图 2a 中可看出, 这是大范围的混合性降水回波, 在 AB 线上, 靠近 A 端有两块强回波, 边缘清晰, 具有对流云降水回波特征, 其余的回波强度弱一些, 具有层状云降水回波特征。图 3 给出了分别用  $dBZ$  值和  $Z$  值垂直线性内插得到的沿图 2a 中虚线 AB 的反射率因子垂直剖面图。比较图 3a 和图 2a, 可看出对应图 2a 中虚线 AB 的强回波在图 3a 表现为柱状, 强度大, 强回波的顶部不平整, 具有对流云降水回波特征, 其余回波表现为层状云降水回波特征。在虚线 AB 中部  $4 \sim 5$  km 高度之间还出现了明显的零度层亮带特征, 零度层亮带的厚度约为 500 m, 这与 Smith<sup>[15]</sup> 得出的亮带厚度只有几百米的结论是一致的。以上对比分析说明雷达反射率因子垂直剖面中的回波强度和空间位置是合理的。

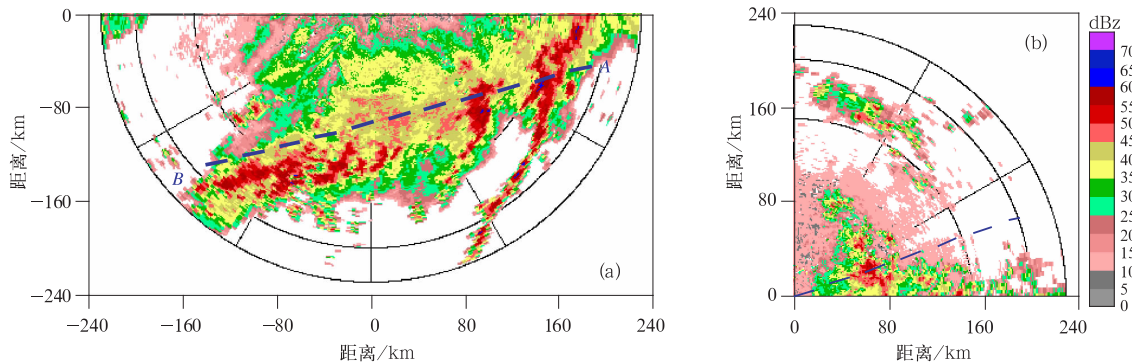


图 2 广州雷达观测的  $0.5^\circ$  仰角的反射率因子 PPI

(a) 2005 年 6 月 23 日 00:07, (b) 2005 年 6 月 15 日 00:33

Fig. 2 The reflectivity PPI from Guangzhou radar with the elevation of  $0.5^\circ$

(a) 00:07 on Jun 23, 2005, (b) 00:33 on Jun 15, 2005

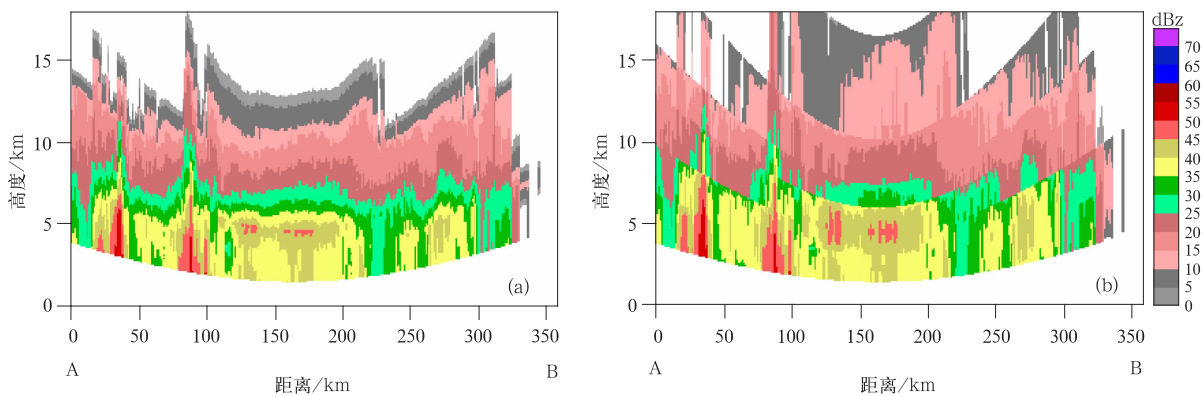


图 3 沿图 2a 中虚线 AB 的反射率因子垂直剖面 (a) 用  $dBZ$  插值, (b) 用  $Z$  插值

Fig. 3 Vertical cross sections of reflectivity along dashed line AB in Fig. 2a

(a) interpolation using  $dBZ$ ; (b) interpolation using  $Z$

### 2.2 图像连续性

从图 3a 中可看出,回波在水平方向和垂直方向都有很好的空间连续性。比较图 3b 和 3a,发现图 3b 中的回波在垂直方向具有明显的弧状不连续性,回波高度比图 3a 中的要高,而且亮带的厚度比图 3a 中的大得多,达到 3 km 之多。这是因为把 dBZ 值转换成 Z 值后再进行线性内插得到的分析值总是更趋近反射率因子大值一端,从而导致回波在垂直方向被扩展了,这种现象随着相邻仰角间距的增大而更加明显。这说明从图像的空间连续性来看,采用垂直线性内插时,用 dBZ 值插值得到的结果比用 Z 值插值的要好。

### 2.3 分析值和观测值的对比

为了进一步检验采用垂直线性内插时用 dBZ 值和 Z 值插值的效果,用某一仰角的上下相邻仰角的观测值,分别用 dBZ 值和 Z 值进行垂直线性内插得到该仰角的分析值,然后比较该仰角的分析值和观测值。例如,用 0.5°和 2.4°仰角的观测值进行垂直线性内插,得到 1.5°仰角的分析值,然后比较 1.5°的分析值和观测值。选取图 2b 中 70°方位(虚线处)的径向数据进行垂直线性内插得到多个仰角的分析值,并将分析值和对应的观测值进行对比分析。图 4 给出了 1.5°,4.3°,6.0°和 9.9°仰角的反射率因子分析值和观测值之间的散点图,同时给出了

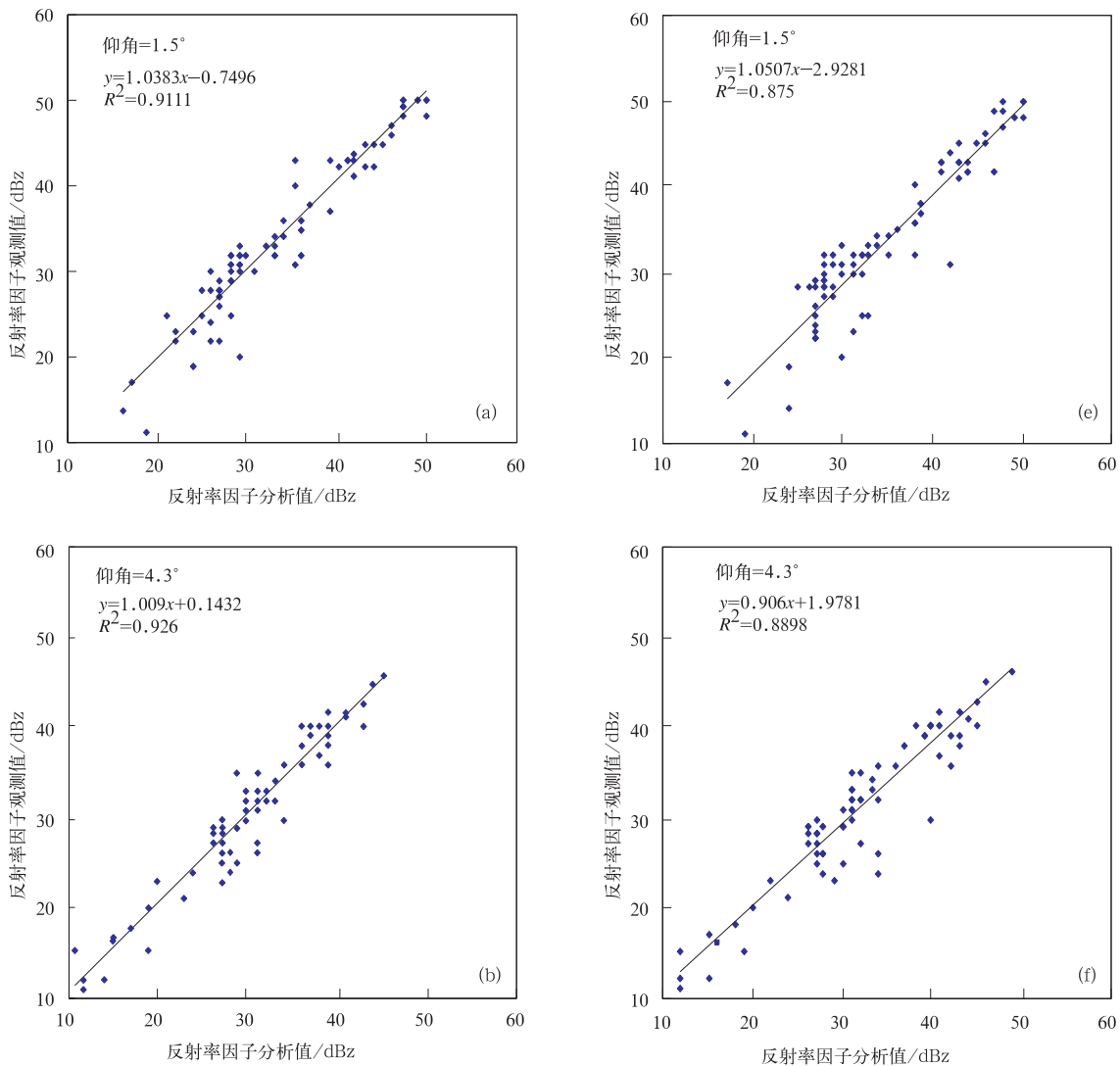
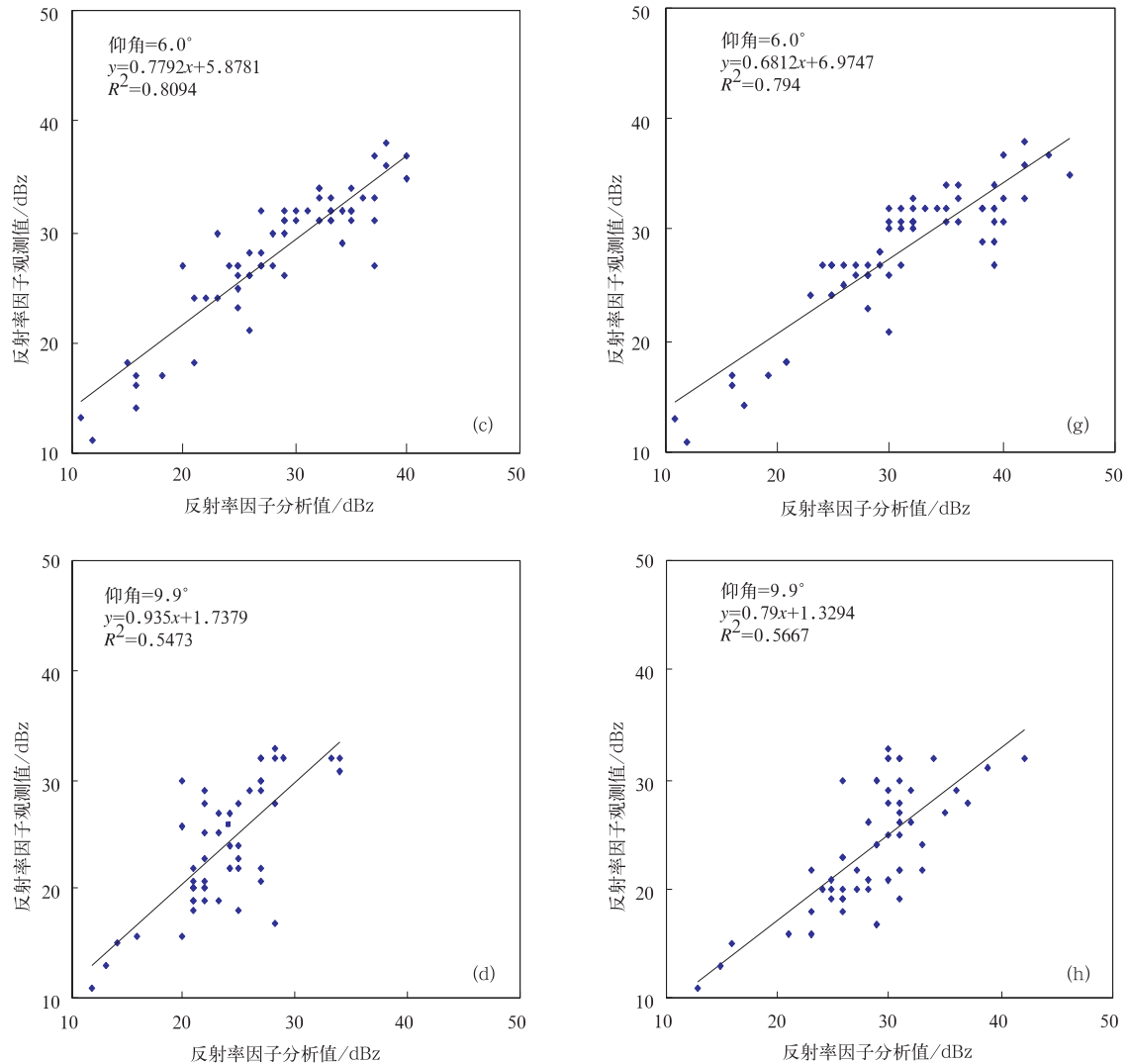


图 4 图 2b 中虚线对应的几个仰角的反射率因子分析值和观测值之间的散点图 (a)~(d) 用 dBZ 值插值, (e)~(h) 用 Z 值插值

Fig. 4 Scatter diagram derived from the analysis and observation of reflectivities along dashed line in Fig. 2b at several elevation angles

(a)—(d) interpolation using dBZ, (e)—(h) interpolation using Z



续图 4

分析值与观测值之间的线性拟合趋势线、趋势线的公式以及相关系数的平方值。从图 4 可看出, 不管分析值是用  $dBZ$  值插值得到还是用  $Z$  值插值得到, 低仰角的分析值和观测值之间的相关系数较大, 高仰角的要小一些; 低仰角的拟合线的斜率相比高仰角来说更接近 1。这是由于在高仰角, 相邻仰角的垂直间距大, 其间真实水凝物的垂直变化也要大一些, 因而在高仰角用垂直线性内插的结果比低仰角的差。此外, 发现用  $dBZ$  值垂直线性内插得到的分析值与观测值之间的相关系数普遍大于用  $Z$  值插值得到的, 拟合线的斜率也更接近 1。这说明回波的垂直分布更接近  $dBZ$  线性分布, 当采用垂直线性内插时, 用  $dBZ$  值插值比用  $Z$  值插值得到的分析值总体上更接近观测值。采用多个个例分析, 都得

到类似结果。因此, 最后选用  $dBZ$  值进行垂直线性内插。

### 3 结 语

本文提出了一种基于雷达体扫资料的任意基线雷达反射率因子垂直剖面的生成算法。在计算反射率因子垂直剖面上的格点在雷达极坐标中的位置后, 采用了径向、方位上的最近邻居和垂直方向的线性内插相结合的客观分析方法得到格点上的分析值, 在垂直线性内插时分别采用了  $dBZ$  值和  $Z$  值进行插值, 并从回波强度和空间位置、图像连续性、反射率因子分析值和观测值的对比等 3 个方面对雷达反射率因子垂直剖面结果进行了分析, 得到如下结

论:

1) 从回波强度和空间位置来看,本文提出的任意基线雷达反射率因子垂直剖面算法是合理的。

2) 通过图像连续性检查,发现用  $dBZ$  值进行垂直线性内插得到的雷达反射率因子垂直剖面图在空间分布上是连续的,而采用  $Z$  值插值的结果在垂直方向具有明显的弧状不连续现象,而且回波在垂直方向被扩展了。通过反射率因子分析值与观测值的对比,发现当采用垂直线性内插时,用  $dBZ$  值插值比用  $Z$  值插值得到的分析值总体上更接近观测值。因此,最后选用  $dBZ$  值进行垂直线性内插。

3) 低仰角的垂直线性内插结果要好于高仰角的,这是因为低仰角的相邻仰角之间的间距比高仰角的小。

### 参 考 文 献

- [1] 肖艳姣,刘黎平. 三维雷达反射率资料用于层状云和对流云的识别研究. *大气科学*,2007,31(4):645-654.
- [2] Biggerstaff M I, Listemaa S A. An improved scheme for convective/stratiform echo classification using radar reflectivity. *J Appl Meteor*,2000,39:2129-2150.
- [3] Steiner M, Houze Jr R A, Yuter S E. Climatological characterization of three-dimensional storm structure from operational radar and rain gauge data. *J Appl Meteor*,1995,34:1978-2007.
- [4] 廖玉芳,俞小鼎,郭庆. 一次强对流系列风暴个例的多普勒天气雷达资料分析. *应用气象学报*,2003,14(6):656-662.
- [5] 朱君鉴,刁秀广,黄秀韶. 一次冰雹风暴的 CINRAD/SA 产品分析. *应用气象学报*,2004,15(5):579-589.
- [6] 郑媛媛,俞小鼎,方口,等. 一次典型超级单体风暴的多普勒天气雷达观测分析. *气象学报*,2004,62(3):317-328.
- [7] Bluestein H B, Weiss C C, Pazmany A L. The vertical structure of a Tornado near Happy, Texas, on 5 May 2002: High-resolution, mobile, W-band, Doppler radar observations. *Mon Wea Rev*,2004,132:2325-2337.
- [8] 张家国,吴翠红,王珏,等. 一次冷锋大暴雨过程的多普勒雷达观测分析. *应用气象学报*,2006,17(2):224-231.
- [9] 何彩芬,姚秀萍,胡春蕾,等. 一次台风前部龙卷的多普勒天气雷达分析. *应用气象学报*,2006,17(3):370-376.
- [10] 渠永兴,孙旭映,冀兰芝,等. 甘肃省永登地区一次强单体冰雹过程分析. *干旱气象*,2005,23(3):34-38.
- [11] 俞小鼎,姚秀萍,熊廷南,等. 新一代天气雷达原理和应用讲义. 北京:中国气象局培训中心,2000:255-256.
- [12] 庄薇,刘黎平,王楠. 新疆地区一次对流性降水的三维中尺度风场研究. *应用气象学报*,2006,17(4):444-451.
- [13] Miller L J, Strauch R G. A dual-Doppler radar method for the determination of wind velocities within precipitating weather systems. *Remote Sens Environ*,1974,3(4):219-235.
- [14] 肖艳姣,刘黎平. 新一代天气雷达网资料的三维格点化及拼图方法研究. *气象学报*,2006,64(5):647-657.
- [15] Smith C J. The reduction of errors caused by bright bands in quantitative rainfall measurements made using radar. *J Atmos Oceanic Technol*,1986,3:129-141.

## Arbitrary Baseline Radar Reflectivity Vertical Cross Section Algorithm

Xiao Yanjiao<sup>1)2)</sup> Liu Liping<sup>2)</sup> Li Zhonghua<sup>3)</sup>

<sup>1)</sup> (Institute of Heavy Rain, China Meteorological Administration, Wuhan 430074)

<sup>2)</sup> (State Key Laboratory of Severe Weather, Chinese Academy of Meteorological Sciences, Beijing 100081)

<sup>3)</sup> (Hubei Provincial Meteorological Information & Technical Maintain Center, Wuhan 430074)

### Abstract

Reflectivity vertical cross section is an effective tool to monitor and analyze severe convection weather and identify convective and stratiform cloud. A one-time request can be issued by the PUP(Principle User Processor) user to the RPG(Radar Product Generator) for the product whose vertical resolution is 0.5 km in new generation weather radar system. But this manner isn't convenient to generate the product from historical volume scan radar data, and its vertical resolution is not high. Therefore, a high-resolution reflectivity vertical cross section algorithm based on volume scan radar data has been developed. The algorithm has three steps. First, a random beeline is drawn by mouse on radar image on computer screen, the distance from radar and the azimuth from the begin-point to the end-point and all the other points with 1 km spacing on the beeline are calculated. Second, the elevation angle, azimuth and slant range of any grid point on reflectivity vertical cross section on the space location in radar polar coordinates is calculated. Last, the analysis value of grid point is obtained by using an objective analysis method. In view of the function of reflectivity vertical cross section for analyzing the three dimension structure of severe convective weather, the reflectivity analysis field obtained by the objective analysis method is required to be spatially consecutive while high-resolution structure comparable to the raw volume scan radar data is retained as much as possible. A linear interpolation in vertical direction combined with a nearest neighbor scheme on range-azimuth planes is used. Two schemes are employed for linear interpolation in vertical direction. In the first scheme, two reflectivities in  $dBZ$  of the same azimuth-range bin between adjacent tilts are averaged with distance-weight. In the second scheme, firstly reflectivity in  $dBZ$  is converted into reflectivity in  $mm^6/m^3$ . Then two reflectivities in  $mm^6/m^3$  between adjacent tilts are averaged with distance weight. Last, reflectivity in  $mm^6/m^3$  is converted into reflectivity in  $dBZ$  again. Through comparison between reflectivity PPI and vertical cross section, it's found that the echo intensity and space position in reflectivity vertical cross section generated using the algorithm is reasonable. Through image continuity examination, it's found that the reflectivity analysis field obtained using interpolation with reflectivity in  $dBZ$  is spatially consecutive, but the reflectivity analysis field obtained using interpolation with reflectivity in  $mm^6/m^3$  is inconsecutive in vertical direction. Through comparison between reflectivity analysis values and observations, it's found that reflectivity analysis values obtained using interpolation with reflectivity in  $dBZ$  are more close to observations than in  $mm^6/m^3$ . Because the space between adjacent tilts in low elevation angles is lesser than that of high elevation angles, the interpolation results in low elevation angles are better than that of high elevation angles.

**Key words:** radar; reflectivity; cross section